

Aufgabe 1

Man zeige, dass die folgende Reihe für $|q| > 1$ absolut konvergiert:

$$\sum_{\nu=0}^{\infty} \frac{1}{(2\nu+1)q^{2\nu}}.$$

Man benutze sowohl das Majorantenkriterium als auch das Quotientenkriterium.

Aufgabe 2

Konvergieren folgende Reihen

$$\sum_{\nu=0}^{\infty} \frac{\nu^\nu}{\nu!}, \quad \sum_{\nu=0}^{\infty} \frac{\nu^2}{q^\nu}, \quad q \neq 0?$$

Aufgabe 3

Konvergiert folgende Reihe

$$\sum_{\nu=2}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{\nu^2-1}}?$$

Aufgabe 4

Man prüfe, ob folgende Reihen konvergieren:

$$(a) \sum_{\nu=1}^{\infty} (-1)^\nu \frac{\nu!}{\nu^\nu}, \quad (b) \sum_{\nu=2}^{\infty} (-1)^\nu \frac{2^\nu}{(\ln(\nu))^{2\nu}}.$$

Aufgabe 5 (10 Punkte)

(a) Man untersuche die Konvergenz der folgenden Reihen:

$$\sum_{\nu=0}^{\infty} \frac{\nu^2 8^\nu}{\nu!}, \quad \sum_{\nu=0}^{\infty} \frac{\nu 7^\nu}{3^{3\nu}}.$$

(b) Es gilt:

$$\sum_{\nu=1}^{\infty} \frac{1}{\nu^2} = \frac{\pi^2}{6}.$$

Welchen Wert ergibt die Summe $1 + \frac{1}{3^2} + \frac{1}{5^2} + \dots$?

Abgabetermin: Montag, 16.06.2014 um 10:00 Uhr in den Abgabefächern vor dem Raum 2303, WA.

WICHTIG: Aufgabe 5 muss sorgfältig bearbeitet und abgegeben werden. Versehen Sie Ihre Blätter vor dem Abgeben mit Namen, Matrikelnummer und Übungsgruppe und **tackern** Sie diese – Verwenden Sie bitte bei der Abgabe das folgende Deckblatt. Weitere Informationen auf <http://www.mathematik.uni-kassel.de/mathfb16/index.html>

Hausaufgabe 08

Nachname:

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Vorname:

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Studiengang:

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Matr.-Nr.:

--	--	--	--	--	--	--	--

Gruppe:

--	--

Punkte:

--	--